



**CLASA A XI-A**  
**PROFIL TEHNIC ȘI SERVICII, RESURSE NATURALE, PROTECȚIA MEDIULUI**

<b>Subiectul 1:</b>	
2p	1p pt. $A \cdot B$ și 1p pt. $B \cdot A$
2p	$(AB - BA)^2 = \begin{pmatrix} 0 & ay - ax \\ bx - by & 0 \end{pmatrix}^2$
3p	Finalizare: $(AB - BA)^2 = -ab(x - y)^2 \cdot \begin{pmatrix} 1 & 0 \\ 0 & 1 \end{pmatrix}$ .
<b>Subiectul 2:</b>	
2p	a) $\det H(1,2) = 1$
2p	b) 1p – pt. calculul lui $B^2$ și 1p – pt. calculul lui $B^3$
3p	c) 1p – pt. calculul $\det H(a,x) = ax^2 - (a+1)x + 1$ 2p – pt. condiția $\Delta = (a+1)^2 - 4a \geq 0$ și finalizare
<b>Subiectul 3:</b>	
2p	i) $l_s(3) = 1; l_d(3) = 0$ (1p fiecare limită)
5p	ii) a) 3p – pt. calculul $\lim_{x \rightarrow -\infty} (x + \sqrt{x^2 + 1}) = \lim_{x \rightarrow -\infty} \frac{x^2 - x^2 - 1}{x - \sqrt{x^2 + 1}} = 0$
	b) 2p - pt. calculul $\lim_{x \rightarrow 1} \frac{2x^2 - 3x + 1}{x^2 - x} = \lim_{x \rightarrow 1} \frac{(2x-1)(x-1)}{x(x-1)} = 1$
<b>Subiectul 4:</b>	
4p	i) 1p - pt. trecerea la limită
	2p - pt. rezolvarea ecuației exponențiale
	1p – pt. finalizare $a = 1$
3p	ii) 1p – pt. $g(x) = \frac{x^2 - 1}{x^2 + 1} + \frac{1 - x^2}{1 + x^2} = 0$
	1p – pt. $g(x) = g(x^2) = 0$
	1p – pt. $\lim_{x \rightarrow 0} \frac{x^{2010}}{x^{2009}} = 0$ .

**BAREM DE NOTARE ȘI CORECTARE**

**Notă:**

Orice altă soluție corectă se notează corespunzător.